

Technologie Informacyjne

Grafika komputerowa

Adam Krasuski

Szkoła Główna Służby Pożarniczej
Zakład Informatyki i Łączności

December 12, 2016

- 1 Wprowadzenie
- 2 Optyka
- 3 Geometria
- 4 Grafika rastrowa i wektorowa
- 5 Kompresja danych

Wprowadzenie

Grafika komputerowa: wizualizacja obrazów poprzez wykorzystywanie technik komputerowych.

Wykorzystywana w nauce, technice i rozrywce.

Bazuje na optyce, geometrii i fizyce.

Podział:

- 2D/3D
- wektorowa/rastrowa.

O P T Y K A

Barwa (kolor)

Funkcją czego jest barwa?



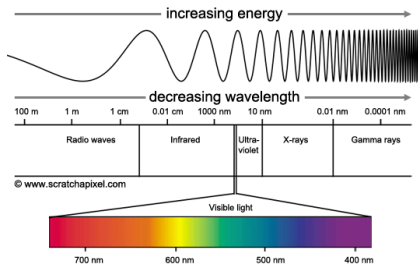
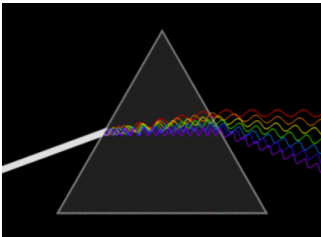
Barwa (kolor)

Funkcją czego jest barwa?

- a) światło
- b) materiał
- c) oko
- d) mózg - tam powstaje ostateczna interpretacja

Barwa (kolor)

a) światło



Barwa (kolor)

b) materiał

Na poziomie atomu dochodzi do absorpcji wybranych częstotliwości fali elektromagnetycznej (światła).

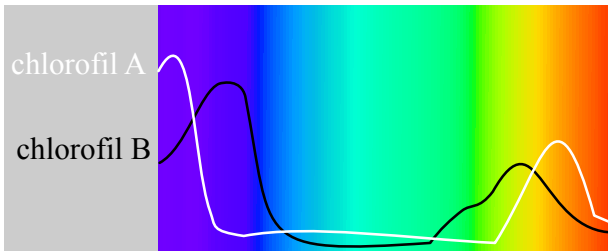
Kolor docierający do obserwatora pochodzi z częstotliwości, które nie zostały pochłonięte przez materiał - zostały odbite.

Właściwości materiałów barwiących, np. pigmentów wynikają z ich struktury atomowej.

Przykładem absorpcji światła jest zachodząca w roślinach fotosynteza, gdzie pochłonięta energia fotonów napędza reakcje biochemiczne. Jaką charakterystykę ma obecny w liściach barwnik: chlorofil?

Barwa (kolor)

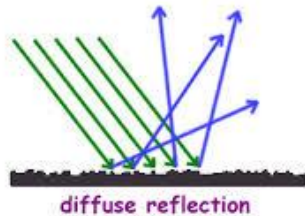
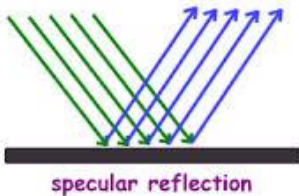
b) materiał



Charakterystyka absorpcji światła przez chlorofil

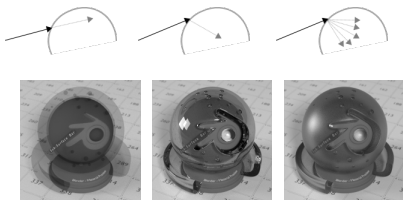
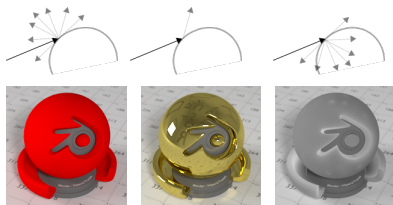
Barwa (kolor)

b) materiał



Barwa (kolor)

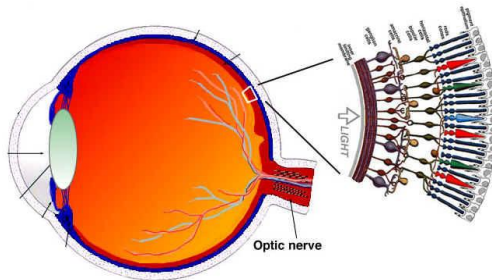
b) materiał



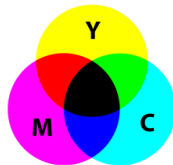
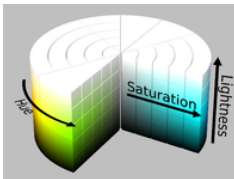
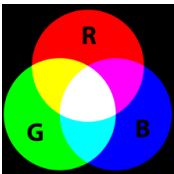
Barwa (kolor)

b) oko

pręciki (widzenie czarno-białe w ciemnościach)
czopki (widzenie kolorowe)



Modele koloru










Systemy liczbowe

binarnie	szesnastkowo	dziesiętnie
0000	0	0
0001	1	1
0010	2	2
0011	3	3
0100	4	4
0101	5	5
0110	6	6
0111	7	7
1000	8	8
1001	9	9
1010	a	10
1011	b	11
1100	c	11
1101	d	13
1110	e	14
1111	f	15








Modele koloru

Przykładowe kolory w RGB

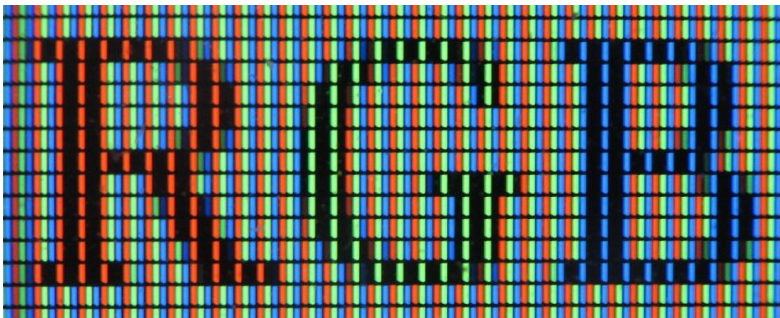
	R	G	B	A
	ff	00	00	ff
	ff	00	00	88
	ff	00	00	22
	00	00	ff	ff
	ff	ff	ff	ff
	ff	ff	ff	00
	ff	88	00	ff

Modele koloru

Przykładowe kolory w RGB

	R	G	B	A
	ff	00	00	ff
	ff	00	00	88
	ff	00	00	22
	00	00	ff	ff
	ff	ff	ff	ff
	ff	ff	ff	00
	ff	88	00	ff

Monitor LCD



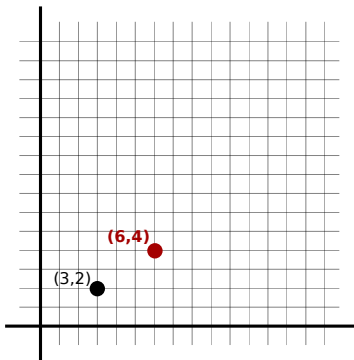
G E O M E T R I A

Przekształcenia geometryczne

Skalowanie

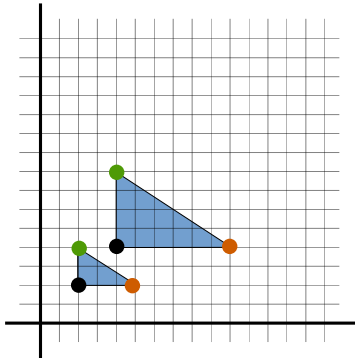
Przeskalować obiekt znaczy powiększyć go, a matematycznie operacja ta realizowana jest jako mnożenie:

$$(3,2) * 2 = \mathbf{(6,4)}$$



Przekształcenia geometryczne

Skalowanie

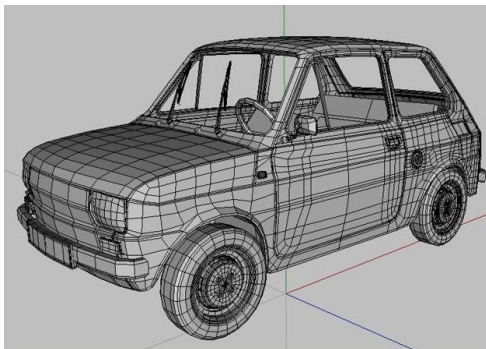


Przekształcenia geometryczne

Skalowanie

Powiększenie tego modelu wymaga pomnożenia wszystkich węzłów, jednak nie jest problemem dla dzisiejszych komputerów.

Warto zauważyć, że model jest pokazany w perspektywie, co jest kolejnym po skalowaniu przekształceniem geometrycznym.



Przekształcenia geometryczne przy użyciu macierzy

Mnożenie macierzy

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 5 \\ 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \times 5 + 2 \times 6 \\ 3 \times 5 + 4 \times 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 17 \\ 39 \end{bmatrix}$$

Jakiej macierzy użyć do przeskalowania punktu (2,3) x 2?

$$\begin{bmatrix} ? & ? \\ ? & ? \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ 6 \end{bmatrix}$$

Przekształcenia geometryczne przy użyciu macierzy

Mnożenie macierzy

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 5 \\ 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \times 5 + 2 \times 6 \\ 3 \times 5 + 4 \times 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 17 \\ 39 \end{bmatrix}$$

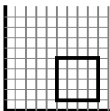
Jakiej macierzy użyć do przeskalowania punktu (2,3) x 2?

$$\begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ 6 \end{bmatrix}$$

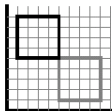
Przekształcenia geometryczne przy użyciu macierzy

Macierze dla podstawowych przekształceń geometrycznych

original

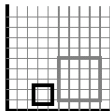


translation



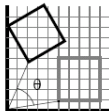
$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} d_x \\ d_y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

scaling



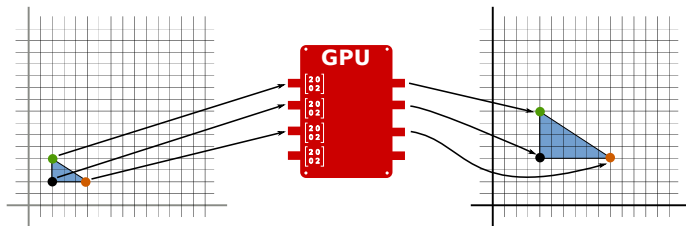
$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} s_x & 0 \\ 0 & s_y \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

rotation



$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos\theta & -\sin\theta \\ \sin\theta & \cos\theta \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

Przekształcenia geometryczne przy użyciu macierzy



Procesor karty graficznej (GPU) składa się z wielu równoległych podzespołów realizujących niezależne obliczenia dla wierzchołków. GPU dokonuje również obliczeń związanych z oświetleniem, wybieraniem obiektów i ich kolejności w kadrze, przygotowaniu sceny do wyświetlenia na ekranie monitora (2D) i innych.



GRAFIKA WEKTOROWA | RASTROWA

Grafika wektorowa



140.svg: Edytor XML... (SHIFT+Ctrl+X)

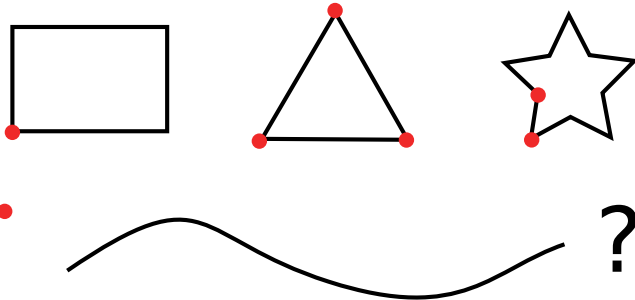
```
<?xml version="1.0" encoding="UTF-8" />
<svg id="svg20228">
  <svg:defs id="defs3">
    <sodipodi:namedview id="base">
      <svg:metadata id="metadata4">
        <svg id="layer1" inkscape:label="Layer 1">
          <svg id="g4099">
            <svg:text id="text20246">
            <svg:text id="text3221">
            <svg id="g4093">
              <svg:text id="text3134">
            <svg:flowRoot id="flowRoot3400">
            <svg:flowRoot id="flowRoot5766">
            <svg:text id="text6162">
            <svg:flowRoot id="flowRoot4745">
            <svg:text id="text10369">
          <svg:rect id="rect11209">
        </svg>
      </svg>
    </sodipodi:namedview>
  </svg:metadata>
</svg>
</layer1>
</svg id="g4099">
</svg:text id="text20246">
</svg:text id="text3221">
</svg id="g4093">
</svg:text id="text3134">
</svg:flowRoot id="flowRoot3400">
</svg:flowRoot id="flowRoot5766">
</svg:text id="text6162">
</svg:flowRoot id="flowRoot4745">
</svg:text id="text10369">
</svg:rect id="rect11209">
```

Atrybut	Wartość
height	144
id	rect11209
rx	0
ry	0
style	fill:#ff0000;fill-opacity:1;stroke:none
width	213
x	85
y	609.36218

Zaznaczenie

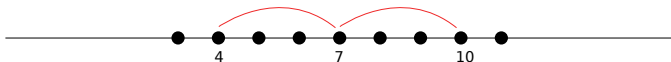
Kliknięcie wybiera węzeł, przeciągnięcie zmienia jego pozycję

Grafika wektorowa



Równanie parametryczne

Problem: jak przejść od 4 do 10 w 2 krokach wyznaczając punkty (np. w celu włączenia danych pikseli na ekranie monitora)?



Algorytm:

skok = długość / 2 kroki = 3

$4 + 1 * \text{skok}$

$4 + 2 * \text{skok}$

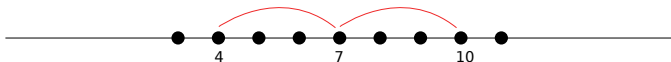
A gdybyśmy chcieli zamiast skok używać długości odcinka 4-10?

$4 + ? * \text{odcinek}$

$4 + ? * \text{odcinek}$

Równanie parametryczne

Problem: jak przejść od 4 do 10 w 2 krokach wyznaczając punkty (np. w celu włączenia danych pikseli na ekranie monitora)?



$$4 + 0,5 * \text{odcinek}$$

$$4 + 1,0 * \text{odcinek}$$

W ten sposób uzyskujemy nowy sposób wędrówki. Wystarczy wartość 1 podzielić na zadaną liczbę kroków i stworzyć odpowiednie ułamki.

Np. dla 100 kroków wędrówka wyglądałaby następująco:

$$4 + 1/100 * \text{odcinek}$$

$$4 + 2/100 * \text{odcinek}$$

...

Równanie parametryczne

Generalizując, przejście od x_0 do x_1 można wyrazić następująco:



$$x_0 + t * (x_1 - x_0) \quad t \in [0,1]$$

$$x_0 + t*x_1 - t*x_0$$

$$x_0 - t*x_0 + t*x_1$$

$$x_0*(1-t) + x_1*t$$

W ten sposób uzyskujemy ogólne równanie parametryczne. Taki model można traktować jako system wagowy - waga x_0 jest największa w t_0 .

Parametr t wygodnie traktować jako czas, w którym odbywa się podróż z x_0 do x_1 .

Równanie parametryczne

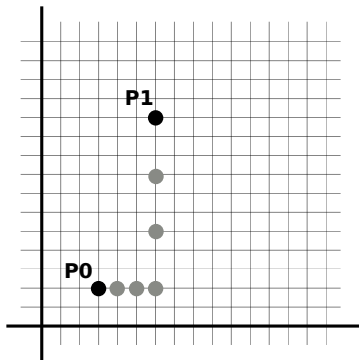
$$x_0*(1-t) + x_1*t$$

można wprost przenieść
do przestrzeni 2D:

$$P_0=(x_0,y_0)$$

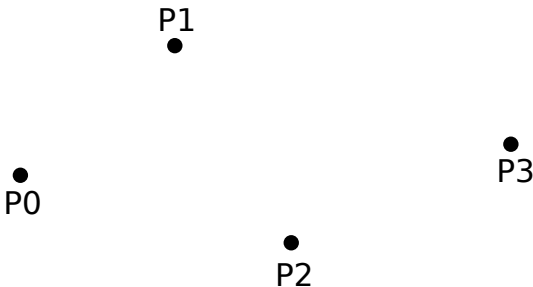
$$P_1=(x_1,y_1)$$

$$P_0*(1-t) + P_1*t$$



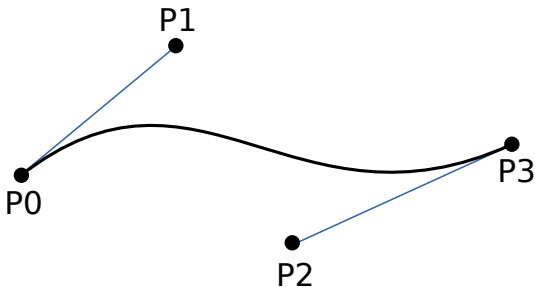
Równanie parametryczne

$$\mathbf{B}(t) = (1-t)^3\mathbf{P}_0 + 3(1-t)^2t\mathbf{P}_1 + 3(1-t)t^2\mathbf{P}_2 + t^3\mathbf{P}_3, \quad t \in [0, 1].$$

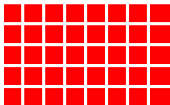


Równanie parametryczne

$$\mathbf{B}(t) = (1-t)^3\mathbf{P}_0 + 3(1-t)^2t\mathbf{P}_1 + 3(1-t)t^2\mathbf{P}_2 + t^3\mathbf{P}_3, \quad t \in [0, 1].$$



Grafika rastrowa



W grafice rastrowej piksele (picture elements) zapisywane są na prostokątnej siatce. W nagłówku pliku podana jest informacja o ilości kolumn prostokąta, a później pojawiają się wartości pikseli, czyli kolor i ewentualnie przezroczystość:

```
FF0000FF0000FF0000FF0000FF0000...
```

Kompresja stratna i bezstratna



Zapisywanie pliku graficznego

Najprostszym formatem rastrowym jest bitmapa - ciąg kolejnych wartości pikseli. Kompresja bezstratna polega na wyszukiwaniu wzorców i zapisaniu tych samych informacji w skróconej formie:



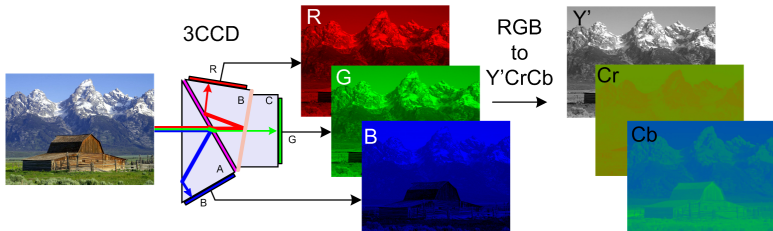
FF0000FF0000FF0000FF0000FF0000

a) F204F204F204F204F204

b) 1=FF0000; 11111

Zapisywanie pliku graficznego

Oko jest bardzo czułe na zmianę jasności (pręciki), ale mniej czułe na zmianę barwy (czopki). Kompresja stratna w JPEG polega na przekształceniu z RGB na YCrCb, podzieleniu obrazu na małe bloki 8x8 pikseli i dużym uśrednianiu Cr i Cb.



Zapisywanie pliku graficznego

Pliki wektorowe zapisywane są jako tekst opisujący matematycznie aspekty geometryczne obiektów oraz ich organizację (kolejność, warstwy itp.). Są stosunkowo niewielkie jednak istnieje wiele języków opisu tych informacji (.svg, .ai, .cdr itd.), specyfikacje tych języków są rozbudowane i bywa, że się zmieniają przez co istnieje trudność z konwertowaniem między formatami.

Do ewentualnej kompresji takiego pliku stosuje się standardowe metody gdyż jest to zwykły tekst. Zip pozwala na kompresję rzędu 90%.